

# CARTA AL ESTUDIANTE

UNIVERSIDAD DE COSTA RICA  
ESCUELA DE MATEMATICA  
MA-1210. CALCULO I

SEGUNDO CICLO LECTIVO. 2002

Estimado estudiante la información que se le brinda a continuación es de vital importancia para usted, por este motivo es conveniente que la tenga a mano durante el desarrollo del curso.

## **1. Objetivos generales del curso:**

- 1.1 Dotar al estudiante de los conocimientos básicos del cálculo diferencial e integral en el desarrollo de sus habilidades para resolver problemas matemáticos, mediante el estudio de procedimientos de prueba y resolución de ejercicios.
- 1.2 Capacitar al estudiante en la resolución de problemas matemáticos orientando su formación con el fin de que plantee y resuelva por métodos diferenciales o integrales diversos problemas de la ciencia y la tecnología.
- 1.3 Formar en el estudiante un espíritu crítico, mediante la discusión de los conceptos fundamentales.
- 1.4 Lograr que el estudiante domine el cálculo de derivadas, haciendo uso de las reglas usuales de derivación, así como el cálculo de integrales por métodos elementales.

## **2 Programa:**

### **2.1 El concepto de límite.**

- 2.1.1 Concepto de límite y sus propiedades.
- 2.1.2 Técnicas para calcular límites.
- 2.1.3 Funciones continuas y sus propiedades.
- 2.1.4 Límites infinitos.

### **2.2 La derivada.**

- 2.2.1 La recta tangente y el concepto de derivada. La derivada como razón instantánea de cambio.
- 2.2.2 Reglas básicas de derivación (potencias, sumas, productos y cocientes). Regla de la cadena. Razones relacionadas.
- 2.2.3 Derivación Implícita.

### **2.3 Aplicaciones de la derivada.**

- 2.3.1 Extremos en un intervalo. Máximos y mínimos de funciones en intervalos cerrados.
- 2.3.2 Funciones crecientes y decrecientes. Criterio de la primera derivada.
- 2.3.3 Derivadas de orden superior. Concavidad y criterio de la segunda derivada. Puntos de inflexión.
- 2.3.4 Límites en el infinito. Asíntotas. Trazado de curvas.
- 2.3.5 Problemas de optimización.

### **2.4 La integral.**

- 2.4.1 Funciones primitivas e integración indefinida. Interpretación geométrica de la integral indefinida
- 2.4.2 Integración por sustitución.
- 2.4.3 La integral definida como el área bajo una curva. Teorema fundamental del cálculo. Propiedades.

2.4.4 Area de una región entre dos curvas.

## 2.5 Funciones logarítmicas y exponenciales.

2.5.1 Definición de la función logarítmica. Derivación e integración de funciones logarítmicas.

2.5.2 Funciones inversas.

2.5.3 Definición, derivación e integración de funciones exponenciales.

2.5.4 Formas Indeterminadas. La regla de L'Hospital.

## 2.6 Funciones trigonométricas y sus inversas.

2.6.1 Derivación e integración de las funciones trigonométricas y sus inversas.

## 2.7 Técnicas de Integración.

2.7.1 Integración por partes.

2.7.2 Integración de fracciones parciales.

## 3 Bibliografía:

La bibliografía que aquí se incluye constituye una guía para el profesor y el estudiante en cuanto al nivel de presentación de los temas que forman el programa. En general cualquiera de estos libros puede servir como libro de consulta.

3.1 Larson & Hostetler. Cálculo y Geometría Analítica. Volumen I. Quinta Edición. McGraw-Hill. México. 1995.

3.2 Edwards y Penney. Cálculo y Geometría Analítica. Cuarta Edición. Editorial Prentice - Hall. México. 1996.

3.3 Stewart, James. Cálculo. Segunda Edición. Editorial Iberoamericana. México. 1994.

3.4 Leithold Louis. Cálculo para Ciencias Administrativas, Biológicas y Sociales. Editorial Mexicana. 1998.

3.5 Ruiz y Barrantes. Elementos de Cálculo Diferencial. Volumen I. Límites y Derivadas. Editorial U.C.R. San José. 1996.

3.6 Ruiz y Barrantes. Elementos de Cálculo Diferencial. Volumen II. Historia y Ejercicios Resueltos. Editorial U.C.R. San José. 1996.

3.7 Stein. Cálculo y Geometría Analítica. McGraw-Hill. España. 1995.

3.8 Zill. Cálculo y Geometría Analítica. Grupo Editorial Iberoamericana. México. 1997.

**Observación 1:** Para el desarrollo del curso usaremos el folleto de ejercicios resueltos de MA-1210 (Cálculo I), el cual el estudiante puede adquirir en la oficina 400 FM (Físico-Matemática). La resolución de estos ejercicios por parte del estudiante es primordial, puesto que en cada examen parcial se incluirá un 35% de preguntas similares a las de los ejercicios propuestos. El profesor suplirá los ejercicios que considere necesarios como complemento.

#### 4. Cronograma:

SEMANA	FECHA	TEMAS	OBSERVACIONES
1*	Del 12 al 16 de agosto.	Cálculo gráfico y analítico de límites.	
2*	Del 19 al 23 de agosto.	Continuidad y límites laterales. La derivada y la recta tangente. Reglas básicas de derivación.	
3*	Del 26 al 30 de agosto.	Reglas del producto y del cociente. Regla de la cadena.	
4*	Del 2 al 6 de setiembre.	Razón instantánea de cambio. Ritmos relacionados. Extremos en un intervalo.	
5*	Del 9 al 13 de setiembre.	Funciones crecientes y decrecientes. Concavidad. Límites en el infinito.	*Hasta aquí los temas a evaluar en el primer examen parcial.
6**	Del 16 al 20 de setiembre.	Análisis de gráficos. Optimización.	
7**	Del 23 al 27 de setiembre.	Optimización	
8**	Del 30 de setiembre al 4 de octubre.	La integral indefinida. Método de sustitución.	I EXAMEN PARCIAL
9**	Del 7 al 11 de octubre.	La integral definida como el área bajo una curva. Teorema fundamental del cálculo.	
10**	Del 14 al 18 de octubre.	Cálculo de áreas entre dos curvas.	
11**	Del 21 al 25 de octubre.	Logaritmo natural. Derivación e integración. (Funciones inversas. Función Exponencial. Derivación).	**Hasta aquí los temas a evaluar en el segundo examen parcial. <u>No se incluye</u> (Funciones inversas. Función Exponencial. Derivación )
12***	Del 28 de octubre al 1 de noviembre	Función Exponencial. Integración. Funciones trigonométricas y sus inversas. Derivación.	II EXAMEN PARCIAL
13***	Del 4 al 8 de noviembre.	Funciones trigonométricas y sus inversas. Integración. Reglas básicas de integración.	
14***	Del 11 al 16 de noviembre.	Integración por partes. Fracciones parciales.	
15***	Del 18 al 22 de noviembre.	Formas Indeterminadas. Regla de L'Hospital.	
16***	Del 25 al 29 de noviembre	Repaso	***Hasta aquí los temas a evaluar en el tercer examen parcial.

## 5. Calendario de exámenes:

	FECHA	HORA
I EXAMEN PARCIAL	05/10/02	8 HORAS
REPOSICION DEL I PARCIAL	16/10/02	8 HORAS
II EXAMEN PARCIAL	02/11/02	8 HORAS
REPOSICION DEL II PARCIAL	13/11/02	8 HORAS
III EXAMEN PARCIAL	02/12/02	8 HORAS
REPOSICION DEL III PARCIAL	06/12/02	8 HORAS
AMPLIACION Y SUFICIENCIA	12/12/02	8 HORAS

## 6. Evaluación:

- 6.1 La nota de aprovechamiento ( $NA$ ) que el estudiante obtiene al finalizar el curso se calcula de la siguiente manera:

$$NA = 0.4E_1 + 0.3(E_2 + E_3).$$

Donde:

$E_1$  = Nota del examen parcial mas alta.

$E_2$  y  $E_3$  son las notas de los otros dos exámenes parciales.

- Si  $NA \geq 7$  el estudiante gana el curso con calificación  $NA$  a la media más próxima.
- Si  $6 \leq NA < 7$  el estudiante tiene derecho a hacer el examen de ampliación ( $EA$ ). Si  $EA \geq 7$ , el estudiante gana el curso con nota 7.0 y si  $EA < 7$  el estudiante se queda con la nota  $NA$ .
- Si  $NA < 6$  el estudiante pierde el curso con nota  $PE$ .
- La ausencia a cualquiera de los exámenes parciales o una nota de aprovechamiento ( $NA$ ) inferior a 3.0 se considerará como abandono del curso y al estudiante se le reportará como nota final  $RI$ .

## 7. Varios:

### 7.1 Ausencias a los exámenes.

- 7.1.1 Casos debidamente justificados, tales como enfermedad del estudiante (con justificación médica), o haber presentado dos exámenes el mismo día, o

choque de exámenes (con constancia del señor coordinador respectivo), o la muerte de un pariente en primer grado de consanguinidad, o casos de giras (reportados por escrito) y con el visto bueno del órgano responsable, se le permitirá al estudiante reponer el examen durante el periodo lectivo.

- 7.1.2 En cualquier caso se deben presentar los documentos probatorios a la coordinación de la respectiva sede regional en los primeros tres días hábiles después de haberse realizado el examen. Al estudiante se le hará un examen de reposición en la fecha que se indica en el punto 5 de este documento.

## 7.2 Cambios de grupo.

- 7.2.1 De acuerdo con los artículos 41 a 50 de las *Normas y Procedimientos de Matrícula* (Resolución VVE-R-009-95), no se permiten cambios de grupo. Cada profesor tiene que velar para que esto se cumpla.

7.3 Es responsabilidad de los alumnos comunicar a la Coordinación de este curso, la ausencia del profesor del grupo a lecciones o a horas de consulta.

## 7.4 Calificación de exámenes.

- 7.4.1 El profesor del grupo debe entregar a los alumnos los exámenes calificados a más tardar diez días hábiles después de haberse realizado la prueba, de lo contrario el estudiante puede presentar el respectivo reclamo a la Coordinación.
- 7.4.2 La pérdida comprobada de un examen por parte del profesor da derecho al estudiante a una nota equivalente al promedio de su aprovechamiento o a criterio del estudiante a repetir el examen.
- 7.4.3 El estudiante tiene derecho a reclamar ante el profesor lo que considere mal evaluado del examen en los tres días hábiles posteriores a la finalización del plazo señalado en el inciso 7.4.1.
- 7.4.4 En el caso extremo de no ponerse de acuerdo el profesor y el estudiante en cuanto a la calificación del examen, éste último podrá apelar ante el Director de la Unidad Académica respectiva en los tres días hábiles siguientes, aportando una solicitud escrita razonada y las pruebas del caso. El Director de la Unidad Académica respectiva, con asesoría de la Comisión de Evaluación y Orientación emitirá su resolución escrita a más tardar siete días hábiles después de recibida la apelación.

Para atender sugerencias y observaciones, por favor, dirigirse a la oficina 250-CCI. Casillero 115, segundo piso. Escuela de matemática.

Atte. Rodolfo Obando Acuña.

Coordinador de la Cátedra de Cálculo I (MA-1210).